

Министерство образования и науки РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Самарский государственный экономический университет»

Утверждено

Председатель приемной комиссии,
ректор
д.э.н., профессор



Хасаев Г.Р.

**Программа вступительных испытаний по математике
для абитуриентов, поступающих в СГЭУ для обучения
по программам бакалавриата и специалитета**

СОДЕРЖАНИЕ

1. Основные понятия и категории.
2. Основные навыки и умения, проверяемые на вступительных испытаниях.
3. Цели и задачи вступительных испытаний по математике.
4. Структура и содержание экзаменационной работы.
5. Критерии оценки вступительных испытаний.
6. Список рекомендованной литературы.

ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ И КАТЕГОРИИ

Элементы содержания, проверяемые на вступительных испытаниях

АЛГЕБРА

- 1.1. *Числа, корни и степени.*
 - 1.1.1. Целые числа.
 - 1.1.2. Степень с натуральным показателем.
 - 1.1.3. Дроби, проценты, рациональные числа.
 - 1.1.4. Степень с целым показателем.
 - 1.1.5. Корень степени $n > 1$ и его свойства.
 - 1.1.6. Степень с рациональным показателем и ее свойства.
 - 1.1.7. Свойства степени с действительным показателем.
- 1.2. *Основы тригонометрии.*
 - 1.2.1. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла.
 - 1.2.2. Радианная мера угла.
 - 1.2.3. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.
 - 1.2.4. Основные тригонометрические тождества.
 - 1.2.5. Формулы приведения.
 - 1.2.6. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.
 - 1.2.7. Синус и косинус двойного угла.
- 1.3. *Логарифмы.*
 - 1.3.1. Логарифм числа.
 - 1.3.2. Логарифм произведения, частного, степени.
 - 1.3.3. Десятичный и натуральный логарифмы, число e .
- 1.4. *Преобразования выражений.*
 - 1.4.1. Преобразования выражений, включающих арифметические операции.
 - 1.4.2. Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень.
 - 1.4.3. Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени.
 - 1.4.4. Преобразования тригонометрических выражений.
 - 1.4.5. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования.
 - 1.4.6. Модуль (абсолютная величина) числа.

УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА

- 2.1. *Уравнения.*
 - 2.1.1. Квадратные уравнения.
 - 2.1.2. Рациональные уравнения.
 - 2.1.3. Иррациональные уравнения.
 - 2.1.4. Тригонометрические уравнения.
 - 2.1.5. Показательные уравнения.
 - 2.1.6. Логарифмические уравнения.
 - 2.1.7. Равносильность уравнений, систем уравнений.
 - 2.1.8. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными.

- 2.1.9. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.
- 2.1.10. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений.
- 2.1.11. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем.
- 2.1.12. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.
- 2.2. *Неравенства.*
- 2.2.1. Квадратные неравенства.
- 2.2.2. Рациональные неравенства.
- 2.2.3. Показательные неравенства.
- 2.2.4. Логарифмические неравенства.
- 2.2.5. Системы линейных неравенств.
- 2.2.6. Системы неравенств с одной переменной.
- 2.2.7. Равносильность неравенств, систем неравенств.
- 2.2.8. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств.
- 2.2.9. Метод интервалов.
- 2.2.10. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем.

ФУНКЦИИ

- 3.1. *Определение и график функции.*
- 3.1.1. Функция, область определения функции.
- 3.1.2. Множество значений функции.
- 3.1.3. График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.
- 3.1.4. Обратная функция. График обратной функции.
- 3.1.5. Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.
- 3.2. *Элементарное исследование функций.*
- 3.2.1. Монотонность функций. Промежутки возрастания и убывания.
- 3.2.2. Четность и нечетность функций.
- 3.2.3. Периодичность функций.
- 3.2.4. Ограниченность функций.
- 3.2.5. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции.
- 3.2.6. Наибольшее и наименьшее значения функции.
- 3.3. *Основные элементарные функции.*
- 3.3.1. Линейная функция, ее график.
- 3.3.2. Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, ее график.
- 3.3.3. Квадратичная функция, ее график.
- 3.3.4. Степенная функция с натуральным показателем, ее график.

- 3.3.5. Тригонометрические функции, их графики.
- 3.3.6. Показательная функция, ее график.
- 3.3.7. Логарифмическая функция, ее график.

НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

4.1. Производная.

- 4.1.1. Понятие о производной функции, геометрический смысл производной.
- 4.1.2. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.
- 4.1.3. Уравнение касательной к графику функции.
- 4.1.4. Производные суммы, разности, произведения, частного.
- 4.1.5. Производные основных элементарных функций.
- 4.1.5. Вторая производная и ее физический смысл.

4.2. Исследование функций.

- 4.2.1. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
- 4.2.2. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

4.3. Первообразная и интеграл.

- 4.3.1. Первообразные элементарных функций.
- 4.3.2. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

ГЕОМЕТРИЯ

5.1. Планиметрия.

- 5.1.1. Треугольник.
- 5.1.2. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат.
- 5.1.3. Трапеция.
- 5.1.4. Окружность и круг.
- 5.1.5. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника.
- 5.1.6. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника.
- 5.1.7. Правильные многоугольники. Вписанные и описанные окружности правильного многоугольника.

5.2. Прямые и плоскости в пространстве.

- 5.2.1. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых.
- 5.2.2. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства.
- 5.2.3. Параллельность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.4. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах.
- 5.2.5. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.6. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.

5.3. Многогранники.

- 5.3.1. Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая

- поверхность; прямая призма; правильная призма.
- 5.3.2. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде.
- 5.3.3. Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида.
- 5.3.4. Сечения куба, призмы, пирамиды.
- 5.3.5. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).
- 5.4. *Тела и поверхности вращения.*
- 5.4.1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.
- 5.4.2. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.
- 5.4.3. Шар и сфера, их сечения.
- 5.5. *Измерение геометрических величин.*
- 5.5.1. Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности.
- 5.5.2. Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью.
- 5.5.3. Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника.
- 5.5.4. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными прямыми, параллельными плоскостями.
- 5.5.5. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора.
- 5.5.6. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы.
- 5.5.7. Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.
- 5.6. *Координаты и векторы.*
- 5.6.1. Декартовы координаты на плоскости и в пространстве.
- 5.6.2. Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы.
- 5.6.3. Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число.
- 5.6.4. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам.
- 5.6.5. Компланарные векторы. Разложение по трем некопланарным векторам.
- 5.6.6. Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами.

ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

- 6.1. *Элементы комбинаторики.*
- 6.1.1. Поочередный и одновременный выбор.
- 6.1.2. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона.
- 6.2. *Элементы статистики.*
- 6.2.1. Табличное и графическое представление данных.
- 6.2.2. Числовые характеристики рядов данных.

6.3. *Элементы теории вероятностей.*

6.3.1. Вероятности событий.

6.3.2. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач.

ОСНОВНЫЕ НАВЫКИ И УМЕНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ВСТУПИТЕЛЬНЫХ ИСПЫТАНИЯХ

1. *Уметь выполнять вычисления и преобразования.*

1.1. Выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма.

1.2. Вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.

1.3. Проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.

2. *Уметь решать уравнения и неравенства.*

2.1. Решать рациональные, иррациональные, показательные, тригонометрические и логарифмические уравнения, их системы.

2.2. Решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков; использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод.

2.3. Решать рациональные, показательные и логарифмические неравенства, их системы.

3. *Уметь выполнять действия с функциями.*

3.1. Определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции; описывать по графику поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения; строить графики изученных функций.

3.2. Вычислять производные и первообразные элементарных функций

3.3. Исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций.

4. *Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами.*

4.1. Решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей).

4.2. Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы

4.3. Определять координаты точки; проводить операции над векторами, вычислять длину и координаты вектора, угол между векторами.

5. *Уметь строить и исследовать простейшие математические модели.*

5.1. Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять

уравнения и неравенства по условию задачи; исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

5.2. Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

5.3. Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать логически некорректные рассуждения.

6. *Уметь использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни.*

6.1. Анализировать реальные числовые данные; осуществлять практические расчеты по формулам, пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах.

6.2. Описывать с помощью функций различные реальные зависимости между величинами и интерпретировать их графики; извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках.

6.3. Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, на наибольшие и наименьшие значения, нахождение скорости и ускорения.

Цели и задачи вступительных испытаний по математике

Цель вступительных испытаний по математике – оценить уровень подготовки абитуриентов по математике.

Основная задача вступительных испытаний по математике – оценить общеобразовательную подготовку по математике выпускников учреждений среднего (полного) общего образования с целью конкурсного отбора в ГОУ ВПО Самарский государственный экономический университет для обучения по программам высшего профессионального образования (на базе 11 классов).

Материалы вступительных испытаний позволяют получить объективную информацию:

1) об уровне усвоения знаний:

– *основных понятий и категорий* курса математики;

– *ключевых аксиом и теорем*, лежащих в основе курса математики общеобразовательных учреждений;

2) об уровне овладения умениями:

– *применять теоретические знания* к решению задач по основным разделам школьного курса математики.

Структура и содержание экзаменационной работы

Экзаменационная работа по математике состоит из двух частей, включающих 20 заданий, которые охватывают основные разделы школьного курса по математике.

Часть В содержит 14 базовых заданий. Задание считается выполненным, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть С содержит шесть более сложных заданий. При их выполнении надо записать обоснованное решение и ответ.

Общее время выполнения работы – 180 минут.

Критерий оценки вступительных испытаний по математике

При проверке экзаменационной работы по математике учитывается уровень сложности заданий.

Тестовый балл выставляется по 100 бальной шкале.

За каждое правильно выполненное задание части В выставляется 3 балла.

За каждое задание С1, С2 в зависимости от степени верности решения абитуриент может получить от 0 до 6 баллов.

За каждое задание С3, С4 в зависимости от степени верности решения абитуриент может получить от 0 до 9 баллов.

За каждое задание С5, С6 в зависимости от степени верности решения абитуриент может получить от 0 до 14 баллов.

Максимальный первичный балл за работу – 100 баллов.

Список рекомендованной литературы

1. Алимов Ш.А., Колягин Ю.М., Сидоров Ю.В. и др. Алгебра и начала анализа: учебник для 10-11 кл. общеобразовательных учреждений. 14-е издание. – М.: Просвещение, 2006. 384 с.
2. Авторский коллектив под ред. М.И. Сканава. Сборник задач по математике для поступающих в вузы. Издание шестое. Оникс 21 век. – М.: Мир и образование, 2003. 608с.
3. Авторский коллектив под ред. Ф.Ф. Лысенко. Математика. ЕГЭ-2008. Тесты для подготовки. – Ростов-на-Дону: Легион, 2008. 208 с.
4. Денищева Л.О., Рязановский А.Р., Семенов П.В., Сергеева И.Н. ЕГЭ 2009. Математика: Сборник экзаменационных заданий. – М.: Эксмо, 2009. – 288 с. – (Федеральный банк экзаменационных материалов).
5. Дыбов П.Т., Забоев А.И., Иванов А.С. и др. Под редакцией А.И. Прилепко. Сборник задач по математике для поступающих в вузы: Учебное пособие. – М.: Высш. шк., 1989. 271 с.
6. Единый государственный экзамен по математике. Демонстрационный вариант 2011 г. Демонстрационный вариант экзаменационной работы подготовлен Федеральным государственным научным учреждением «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]. – Электрон. тест. дан. – Москва: ФИПИ. – 2011. – Режим доступа: www.fipi.ru, свободный.
7. Иванов А.А., Иванов А.П. Пособие для подготовки к ЕГЭ и поступлению в вузы. – М.: Издательство МФТИ, 2003. 288 с.
8. Пигарев Б.П., Пронина Е.Б. Задачи письменного экзамена по математике за курс средней школы. Условия и решения. – М.: Школьная пресса, 2001. 80 с. (Библиотека журнала «Математика в школе». Вып. 14)
9. Симонов А.Я., Бакаев Д.С. и др. Система тренировочных задач и упражнений по математике. – М.: Просвещение, 1991. 208 с.

Разработчик:

Председатель экзаменационной

комиссии по математике,

зав. кафедрой высшей математике и ЭММ



Макаров С.И.